

# MỘT SỐ THỦ THUẬT CƠ BẢN LÀM NHANH TRẮC NGHIỆM MÔN TOÁN

Sưu tầm – Biên soạn lại: Đoàn Công Chung

**Một số công thức tính nhanh “ thường gặp ” liên quan cực trị hàm số  $y = ax^4 + bx^2 + c$**

$$A(0; c), B\left(-\sqrt{-\frac{b}{2a}}; -\frac{\Delta}{4a}\right), C\left(\sqrt{-\frac{b}{2a}}; -\frac{\Delta}{4a}\right) \Rightarrow AB = AC = \sqrt{\frac{b^4}{16a^2} - \frac{b}{2a}}, BC = 2\sqrt{-\frac{b}{2a}},$$

với  $\Delta = b^2 - 4ac$ .

Gọi  $BAC = \alpha$ , ta luôn có:  $8a^3 + cos\alpha + b^3(1 - cos\alpha) = 0 \Rightarrow cos\alpha = \frac{b^3 + 8a}{b^3 - 8a}$  và  $S = \frac{1}{4} \cdot \frac{b^2}{|a|} \sqrt{-\frac{b}{2a}}$ .

Phương trình đường tròn đi qua  $A, B, C : x^2 + y^2 - c + n x + c.n = 0$ , với  $n = \frac{2}{b} - \frac{\Delta}{4a}$ .

1 cực trị: $ab \geq 0$	3 cực trị: $ab < 0$
✓ $a > 0$ : 1 cực tiểu	✓ $a > 0$ : 1 cực đại, 2 cực tiểu
✓ $a < 0$ : 1 cực đại	✓ $a < 0$ : 2 cực đại, 1 cực tiểu

**Hàm số  $y = ax^4 + bx^2 + c$  có 3 cực trị  $A \in Oy, B, C$  tạo thành:**

DỮ KIỆN	CÔNG THỨC	VÍ DỤ
Tam giác vuông cân	$8a + b^3 = 0$	$m?$ để hàm số $y = x^4 + m + 2015 x^2 + 5$ có 3 cực trị tạo thành tam giác vuông cân. Với $a = 1, b = m + 2015$ . $Tùy 8a + b^3 = 0 \Rightarrow b^3 = -8 \Rightarrow m = -2017$
Tam giác đều	$24a + b^3 = 0$	$m?$ để hàm số $y = \frac{9}{8}x^4 + 3m - 2017 x^2$ có 3 cực trị tạo thành tam giác đều. Với $a = \frac{9}{8}, b = 3m - 2017$ . $Tùy 24a + b^3 = 0 \Rightarrow b^3 = -27 \Rightarrow m = 2016$

$BAC = \alpha$	$8a + b^3 \cdot \tan^2 \frac{\alpha}{2} = 0$	<p>m? để hàm số <math>y = 3x^4 + m - 7x^2</math> có 3 cực trị tạo thành tam giác có một góc <math>120^\circ</math>. Với <math>a = 3, b = m - 7</math>. Từ <math>8a + 3b^3 = 0 \Rightarrow b = -2 \Rightarrow m = 5</math>.</p>
$S_{\Delta ABC} = S_0$	$32a^3S_0^2 + b^5 = 0$	<p>m? để hàm số <math>y = mx^4 + 2x^2 + m - 2</math> có 3 cực trị tạo thành tam giác có diện tích bằng 1. Với <math>a = m, b = 2</math>. Từ <math>32a^3S_0^2 + b^5 = 0 \Rightarrow m^3 + 1 = 0 \Rightarrow m = -1</math>.</p>
$\max S_0$	$S_0 = \sqrt{-\frac{b^5}{32a^3}}$	<p>m? để hàm số <math>y = x^4 - 2(1-m^2)x^2 + m + 1</math> có 3 cực trị tạo thành tam giác có diện tích lớn nhất. Với <math>a = 1, b = -2(1-m^2)</math>. Từ <math>S_0 = \sqrt{1-m^2} \leq 1 \Rightarrow m = 0</math></p>
$r_{\Delta ABC} = r_0$	$r_0 = \frac{b^2}{ a  \left( 1 + \sqrt{1 - \frac{b^3}{a}} \right)}$	<p>m? để hàm số <math>y = x^4 - mx^2 + \frac{3}{2}</math> có 3 cực trị tạo thành tam giác có bán kính đường tròn nội tiếp bằng 1. Với <math>a = \frac{1}{2}, b = -m</math>. Từ <math>r_0 \Rightarrow m = 2</math></p>
$BC = m_0$	$am_0^2 + 2b = 0$	<p>m? để hàm số <math>y = m^2x^4 - mx^2 + 1 - m</math> có 3 cực trị mà trong đó có <math>BC = \sqrt{2}</math> Với <math>a = m^2, b = -m</math>. Từ <math>am_0^2 + 2b = 0 \Rightarrow m = 1</math> vì <math>m &gt; 0</math></p>
$AB = AC = n_0$	$16a^2n_0^2 - b^4 + 8b = 0$	<p>m? để hàm số <math>y = mx^4 - x^2 + m</math> có 3 cực trị mà trong đó có <math>AC = 0,25</math> Với <math>a = m, b = -1</math>. Từ <math>16a^2n_0^2 - b^4 + 8b = 0 \Rightarrow m = 3</math> do <math>m &gt; 0</math></p>
$B, C \in Ox$	$b^2 - 4ac = 0$	<p>m? để hàm số <math>y = x^4 - mx^2 + 1</math> có 3 cực trị tạo thành tam giác có <math>B, C \in Ox</math> Với <math>a = 1, b = -m, c = 1</math>. Từ <math>b^2 - 4ac = 0 \Rightarrow m = 2</math> do <math>m &gt; 0</math></p>
Tam giác cân tại A	Phương trình qua điểm cực trị	$BC : y = -\frac{\Delta}{4a}$ và $AB, AC : y = \pm \left( \sqrt{\frac{-b}{2a}} \right)^3 x + c$
Tam giác có 3 góc nhọn	$8a + b^3 > 0$	<p>m? để hàm số <math>y = -x^4 - m^2 - 6x^2 + m + 2</math> có 3 cực trị tạo thành tam giác có 3 góc đều nhọn Với <math>a = -1, b = -(m^2 - 6)</math>.</p>

		Từ $8a + b^3 > 0 \Rightarrow b > 2 \Rightarrow -2 < m < 2$
Tam giác có trọng tâm $O$	$b^2 - 6ac = 0$	$m?$ để hàm số $y = x^4 + mx^2 - m$ có 3 cực trị tạo thành tam giác nhận gốc tọa độ $O$ làm trọng tâm. Với $a = 1, b = m, c = -m$ . Từ $b^2 - 6ac = 0 \Rightarrow m = -6$ do $m < 0$
Tam giác có trực tâm $O$	$b^3 + 8a - 4ac = 0$	$m?$ để hàm số $y = x^4 + mx^2 + m + 2$ có 3 cực trị tạo thành tam giác có trực tâm $O$ . Với $a = 1, b = m, c = m + 2$ . Từ $b^3 + 8a - 4ac = 0 \Rightarrow m = -2$ do $m < 0$
$R_{\Delta ABC} = R_0$	$R_0 = \frac{b^3 - 8a}{8 a b}$	$m?$ để hàm số $y = mx^4 + x^2 + 2m - 1$ có 3 cực trị tạo thành tam giác nội tiếp trong đường tròn có bán kính $R = \frac{9}{8}$ Với $a = m, b = 1$ . Từ $R_0 = \frac{b^3 - 8a}{8 a b} \Rightarrow m = -1$ do $m < 0$
Tam giác cùng $O$ tạo hình thoi	$b^2 - 2ac = 0$	$m?$ để hàm số $y = 2x^4 + mx^2 + 4$ có 3 cực trị cùng gốc tọa độ $O$ lập thành hình thoi. Với $a = 2, b = m, c = 4$ . Từ $b^2 - 2ac = 0 \Rightarrow m = -4$ do $m < 0$
Tam giác, tâm $O$ nội tiếp	$b^3 - 8a - 4abc = 0$	$m?$ để hàm số $y = mx^4 + 2x^2 - 2$ có 3 cực trị lập thành tam giác có $O$ là tâm đường tròn nội tiếp. Với $a = m, b = 2, c = -2$ . Từ $b^3 - 8a - 4abc = 0 \Rightarrow m = -1$ do $m < 0$
Tam giác, tâm $O$ ngoại tiếp	$b^3 - 8a - 8abc = 0$	$m?$ để hàm số $y = -mx^4 + x^2 - 2m - 1$ có 3 cực trị lập tam giác có $O$ là tâm đường tròn ngoại tiếp. Với $a = -m, b = 1, c = -2m - 1$ . Từ $b^3 - 8a - 8abc = 0 \Rightarrow m = 0,25$ do $m > 0$

Hàm số  $y = ax^4 + 2bx^2 + c$  có 3 cực trị  $A \in Oy, B, C$  tạo thành:

DỮ KIỆN	CÔNG THÚC	VÍ DỤ
Tam giác vuông cân tại $A$	$a + b^3 = 0$	$m?$ để hàm số $y = x^4 + 2m + 2016x^2 + 2016m - 2017$ có 3 cực trị tạo thành tam giác vuông cân. Với $a = 1, b = m + 2016$ . Từ $a + b^3 = 0 \Rightarrow b = -1 \Rightarrow m = -2017$

Tam giác đều	$3a + b^3 = 0$	$m?$ để hàm số $y = 9x^4 + 2m - 2020x^2 + 2017m + 2016$ có 3 cực trị tạo thành tam giác đều. Với $a = 9, b = m - 2020$ . Từ $3a + b^3 = 0 \Rightarrow b = -3 \Rightarrow m = 2017$
$BAC = \alpha$	$a + b^3 \cdot \tan^2 \frac{\alpha}{2} = 0$	$m?$ để hàm số $y = 3x^4 + 2m - 2018x^2 + 2017$ có 3 cực trị tạo thành tam giác có một góc $120^\circ$ . Với $a = 3, b = m - 2018$ . Từ $a + b^3 \cdot \tan^2 60^\circ = 0 \Rightarrow b = -1 \Rightarrow m = 2017$
$S_{\Delta ABC} = S_0$	$a^3 S_0^2 + b^5 = 0$	$m?$ để hàm số $y = mx^4 + 4x^2 + 2017m - 2016$ có 3 cực trị tạo thành tam giác có diện tích bằng $4\sqrt{2}$ . Với $a = m, b = 2$ . Từ $a^3 S_0^2 + b^5 = 0 \Rightarrow m = -1$
$R_{\Delta ABC} = R_0$	$R_0 = \frac{1}{2 a } \left( b^2 - \frac{a}{b} \right)$	$m?$ để hàm số $y = mx^4 - 2x^2 + 2017m^3 - 2016$ có 3 cực trị tạo thành tam giác có bán kính ngoại tiếp bằng 1. Với $a = m, b = -1$ . Từ $R_0 = \frac{1}{2 a } \left( b^2 - \frac{a}{b} \right) \Rightarrow m = 1$
$r_{\Delta ABC} = r_0$	$r_0 = \frac{b^2}{ a  \left( 1 + \sqrt{1 - \frac{b^3}{a}} \right)}$	$m?$ để hàm số $y = x^4 + 2m + 5x^2 + 2016m^3 + 2017$ có 3 cực trị tạo thành tam giác có bán kính nội tiếp bằng 1. Với $a = 1, b = m + 5, r_0 = 1 \Rightarrow b \in -2; 1 \Rightarrow \begin{cases} m = -7 \\ m = -4 \end{cases}$

**Tiệm cận:** Tổng khoảng cách từ điểm  $M$  trên đồ thị hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$  đến 2 tiệm cận đạt

$$\min d = 2 \sqrt{\frac{|ad-bc|}{c^2}}$$

**Tương giao:** Giả sử  $d : y = kx + m$  cắt đồ thị hàm số  $y = \frac{ax+b}{cx+d}$  tại 2 điểm phân biệt  $M, N$ .

Với  $kx + m = \frac{ax+b}{cx+d}$  cho ta phương trình có dạng:  $Ax^2 + Bx + C = 0$  thỏa điều kiện  $cx + d \neq 0$ ,  
có  $\Delta = B^2 - 4AC$

$MN = \sqrt{\frac{k^2+1}{A^2} \Delta},$	$\Delta OMN$ cân tại $O$ $x_1 + x_2 = 1 + k^2$ $2km = 0$	$\Delta OMN$ vuông tại $O$ $x_1 x_2 = 1 + k^2$ $x_1 + x_2 = km + m^2 = 0$
---	---	--

MN ngắn nhất khi tồn tại $\min \Delta, k = \text{const}$		
---	--	--

**Khối đa diện:** loại  $n, p$  có  $D$  đỉnh,  $C$  cạnh,  $M$  mặt thì  $n.M = p.D = 2.C$  hoặc

Euler :  $D + M = 2 + C$ .

Khối đa diện đều	Số đỉnh	Số cạnh	Số mặt	Kí hiệu	Thể tích
Tứ diện đều	4	6	4	3,3	$V = \left(\frac{\sqrt{2}}{12}\right)a^3$
Khối lập phương	8	12	6	4,3	$V = a^3$
Khối bát diện đều	6	12	8	3,4	$V = \left(\frac{\sqrt{2}}{3}\right)a^3$
Khối thập nhị diện (12 mặt) đều	20	30	12	5,3	$V = \frac{15 + 7\sqrt{5}}{4} a^3$
Khối nhị thập diện (20 mặt) đều	12	30	20	3,5	$V = \frac{15 + 5\sqrt{5}}{12} a^3$

### Một số công thức tính nhanh “ thường gặp ” liên quan thể tích khối chóp

TÍNH CHẤT	HÌNH VẼ	VÍ ĐU
<p>Cho hình chóp <math>SABC</math> với các mặt phẳng <math>SAB, SBC, SAC</math> vuông góc với nhau tùng đôi một, diện tích các tam giác <math>SAB, SBC, SAC</math> lần lượt là <math>S_1, S_2, S_3</math>.</p> <p>Khi đó <math>V_{S.ABC} = \frac{\sqrt{2S_1 \cdot S_2 \cdot S_3}}{3}</math></p>		<p>Cho hình chóp <math>S.ABC</math> với các mặt phẳng <math>SAB, SBC, SAC</math> vuông góc với nhau tùng đôi một, diện tích các tam giác <math>SAB, SBC, SAC</math> lần lượt là <math>15cm^2, 20cm^2, 18cm^2</math>. Thể tích khối chóp là:</p> <p>A. <math>a^3 \sqrt{20}</math>      B. <math>\frac{a^3 \sqrt{20}}{3}</math>      C. <math>\frac{a^3 \sqrt{20}}{2}</math>      D. <math>\frac{a^3 \sqrt{20}}{6}</math></p> $V_{ABCD} = \frac{\sqrt{2S_1 \cdot S_2 \cdot S_3}}{3} = a^3 \sqrt{20}$ <p><b>Chọn đáp án A.</b></p>

<p>Cho hình chóp <math>S.ABC</math> có <math>SA</math> vuông góc với <math>ABC</math>, hai mặt phẳng <math>SAB</math> và <math>SBC</math> vuông góc với nhau, <math>BSC = \alpha</math>, <math>ASB = \beta</math>.</p> <p>Khi đó:</p> $V_{S.ABC} = \frac{SB^3 \cdot \sin 2\alpha \cdot \tan \beta}{12}$		<p>Cho hình chóp <math>S.ABC</math> có <math>SA</math> vuông góc với mặt phẳng <math>ABC</math>, hai mặt phẳng <math>SAB</math> và <math>SBC</math> vuông góc với nhau, <math>SB = a\sqrt{3}</math>, <math>BSC = 45^\circ</math>, <math>ASB = 30^\circ</math>. Thể tích khối chóp <math>S.ABC</math> là:</p> <p><b>A.</b> <math>\frac{3a^3}{8}</math>    <b>B.</b> <math>\frac{a^3\sqrt{6}}{8}</math>    <b>C.</b> <math>\frac{a^3\sqrt{2}}{2}</math>    <b>D.</b> <math>\frac{a^3\sqrt{3}}{6}</math></p> $V_{S.ABC} = \frac{SB^3 \cdot \sin 2\alpha \cdot \tan \beta}{12} = \frac{3a^3}{8}$ <p><b>Chọn đáp án A.</b></p>
<p>Cho hình chóp đều <math>S.ABC</math> có đáy <math>ABC</math> là tam giác đều cạnh bằng <math>a</math>, cạnh bên bằng <math>b</math>.</p> <p>Khi đó: <math>V_{S.ABC} = \frac{a^2\sqrt{3b^2 - a^2}}{12}</math></p>		<p>Cho hình chóp đều <math>S.ABC</math> có đáy <math>ABC</math> là tam giác đều cạnh bằng <math>a</math>, cạnh bên bằng <math>a</math>.</p> <p>Thể tích khối chóp <math>S.ABC</math> là:</p> <p><b>A.</b> <math>\frac{a^3\sqrt{3}}{24}</math>    <b>B.</b> <math>\frac{a^3\sqrt{2}}{12}</math>    <b>C.</b> <math>\frac{a^3\sqrt{2}}{24}</math>    <b>D.</b> <math>\frac{a^3\sqrt{3}}{12}</math></p> $a = b \Rightarrow V_{SABC} = \frac{a^3\sqrt{2}}{12} \Rightarrow \text{Chọn đáp án B.}$
<p>Cho hình chóp tam giác đều <math>S.ABC</math> có cạnh đáy bằng <math>a</math> và mặt bên tạo với mặt phẳng đáy góc <math>\alpha</math>.</p> <p>Khi đó: <math>V_{S.ABC} = \frac{a^3 \tan \alpha}{24}</math></p>		<p>Cho hình chóp tam giác đều <math>S.ABC</math> có cạnh đáy bằng <math>a</math> và mặt bên tạo với mặt phẳng đáy góc <math>60^\circ</math>.</p> <p>Thể tích khối chóp <math>S.ABC</math> là :</p> <p><b>A.</b> <math>\frac{a^3\sqrt{3}}{48}</math>    <b>B.</b> <math>\frac{a^3}{24}</math>    <b>C.</b> <math>\frac{a^3\sqrt{3}}{24}</math>    <b>D.</b> <math>\frac{a^3}{12}</math></p> $V_{SABC} = \frac{a^3 \tan \alpha}{24} = \frac{a^3\sqrt{3}}{24} \Rightarrow \text{Chọn đáp án C.}$
<p>Cho hình chóp tam giác đều <math>S.ABC</math> có các cạnh bên bằng <math>b</math> và cạnh bên tạo với mặt phẳng đáy góc <math>\beta</math>.</p> <p>Khi đó:</p> $V_{S.ABC} = \frac{\sqrt{3}b^3 \cdot \sin \beta \cos^2 \beta}{4}$		<p>Cho hình chóp tam giác đều <math>S.ABC</math> có các cạnh bên bằng <math>2</math> và cạnh bên tạo với mặt phẳng đáy góc <math>30^\circ</math>.</p> <p>Thể tích khối chóp <math>S.ABC</math> là :</p> <p><b>A.</b> <math>\frac{3\sqrt{3}}{4}</math>    <b>B.</b> <math>\frac{\sqrt{3}}{24}</math>    <b>C.</b> <math>\frac{3\sqrt{3}}{6}</math>    <b>D.</b> <math>\frac{3}{4}</math></p> $V_{S.ABC} = \frac{\sqrt{3}b^3 \cdot \sin \beta \cos^2 \beta}{4} = \frac{3\sqrt{3}}{4}$ <p><b>Chọn đáp án A.</b></p>

<p>Cho hình chóp tam giác đều <math>S.ABC</math> có các cạnh đáy bằng <math>a</math>, cạnh bên tạo với mặt phẳng đáy góc <math>\beta</math>.</p> <p>Khi đó: <math>V_{S.ABC} = \frac{a^3 \cdot \tan \beta}{12}</math></p>		<p>Cho hình chóp tam giác đều <math>S.ABC</math> có các cạnh đáy bằng <math>a</math>, mặt bên tạo với mặt phẳng đáy góc <math>30^\circ</math>. Thể tích khối chóp <math>S.ABC</math> là :</p> <p>A. <math>\frac{a^3}{48}</math>    B. <math>\frac{a^3}{24}</math>    C. <math>\frac{a^3\sqrt{3}}{24}</math>    D. <math>\frac{a^3\sqrt{3}}{36}</math></p> $V_{SABC} = \frac{a^3 \tan \beta}{12} = \frac{a^3 \sqrt{3}}{36} \Rightarrow \text{Chọn đáp án D.}$
<p>Cho hình chóp tứ giác đều <math>S.ABCD</math> có đáy <math>ABCD</math> là hình vuông cạnh bằng <math>a</math>, và <math>SA = SB = SC = SD = b</math>.</p> <p>Khi đó:</p> $V_{S.ABC} = \frac{a^2 \sqrt{4b^2 - 2a^2}}{6}$		<p>Cho hình chóp tứ giác đều <math>S.ABCD</math> có đáy <math>ABCD</math> là hình vuông cạnh bằng <math>a</math>, và <math>SA = SB = SC = SD = a</math>. Thể tích khối chóp <math>S.ABCD</math> là:</p> <p>A. <math>\frac{a^3\sqrt{6}}{6}</math>    B. <math>\frac{a^3\sqrt{2}}{2}</math>    C. <math>\frac{a^3\sqrt{2}}{6}</math>    D. <math>\frac{a^3\sqrt{3}}{3}</math></p> $\Rightarrow \text{Chọn đáp án C.}$
<p>Cho hình chóp tứ giác đều <math>S.ABCD</math> có cạnh đáy bằng <math>a</math>, góc tạo bởi mặt bên và mặt phẳng đáy là <math>\alpha</math>.</p> <p>Khi đó: <math>V_{S.ABCD} = \frac{a^3 \cdot \tan \alpha}{6}</math></p>		<p>Cho hình chóp tứ giác đều <math>S.ABCD</math> có cạnh đáy bằng <math>a</math>, góc tạo bởi mặt bên và mặt phẳng đáy là <math>45^\circ</math>. Thể tích khối chóp <math>S.ABCD</math> là:</p> <p>A. <math>\frac{a^3}{12}</math>    B. <math>\frac{a^3\sqrt{3}}{6}</math>    C. <math>\frac{a^3\sqrt{6}}{2}</math>    D. <math>\frac{a^3}{6}</math></p> $V_{SABCD} = \frac{a^3 \tan \alpha}{6} = \frac{a^3}{6} \Rightarrow \text{Chọn đáp án D.}$
<p>Cho hình chóp tứ giác đều <math>S.ABCD</math> có cạnh đáy bằng <math>a</math>, <math>SAB = \alpha</math>, với <math>\alpha \in \left(\frac{\pi}{4}; \frac{\pi}{2}\right)</math>.</p> <p>Khi đó:</p> $V_{S.ABCD} = \frac{a^3 \sqrt{\tan^2 \alpha - 1}}{6}$		<p>Cho hình chóp tứ giác đều <math>S.ABCD</math> có cạnh đáy bằng <math>a</math>, <math>SAB = 60^\circ</math>. Thể tích khối chóp <math>S.ABCD</math> là:</p> <p>A. <math>\frac{a^3\sqrt{2}}{12}</math>    B. <math>\frac{a^3\sqrt{2}}{6}</math>    C. <math>\frac{a^3\sqrt{6}}{2}</math>    D. <math>\frac{a^3}{6}</math></p> $V_{SABCD} = \frac{a^3 \sqrt{\tan^2 \alpha - 1}}{6} = \frac{a^3 \sqrt{2}}{6}$ $\text{Chọn đáp án B.}$
<p>Cho hình chóp tứ giác đều <math>S.ABCD</math> có các cạnh bên bằng <math>a</math>, góc tạo bởi mặt bên và mặt đáy là <math>\alpha</math> với <math>\alpha \in \left(0; \frac{\pi}{2}\right)</math>.</p> <p>Khi đó:</p>		<p>Cho hình chóp tứ giác đều <math>S.ABCD</math> có các cạnh bên bằng 1, góc tạo bởi mặt bên và mặt đáy là <math>45^\circ</math>. Thể tích khối chóp <math>S.ABCD</math> là:</p> <p>A. <math>\frac{4\sqrt{3}}{7}</math>    B. <math>\frac{4\sqrt{3}}{27}</math>    C. <math>\frac{\sqrt{3}}{2}</math>    D. <math>\frac{4}{27}</math></p>

$V_{S.ABCD} = \frac{4a^3 \cdot \tan \alpha}{3\sqrt{2 + \tan^2 \alpha}}$		$V_{S.ABCD} = \frac{4\sqrt{3}}{27} \Rightarrow \text{Chọn đáp án B.}$
<p>Cho hình chóp tam giác đều <math>S.ABC</math> có cạnh đáy bằng <math>a</math>. Gọi <math>P</math> là mặt phẳng đi qua <math>A</math> song song với <math>BC</math> và vuông góc với <math>SBC</math>, góc giữa <math>P</math> với mặt phẳng đáy là <math>\alpha</math>. Khi đó: <math>V_{S.ABCD} = \frac{a^3 \cot \alpha}{24}</math></p>		<p>Cho hình chóp tam giác đều <math>S.ABC</math> có cạnh đáy bằng <math>a</math>. Gọi <math>P</math> là mặt phẳng đi qua <math>A</math> song song với <math>BC</math> và vuông góc với <math>SBC</math>, góc giữa <math>P</math> với mặt phẳng đáy là <math>30^\circ</math>. Thể tích khối chóp <math>S.ABC</math> là:</p> <p><b>A.</b> <math>\frac{a^3 \sqrt{3}}{24}</math>    <b>B.</b> <math>\frac{a^3 \sqrt{3}}{8}</math>    <b>C.</b> <math>\frac{a^3}{8}</math>    <b>D.</b> <math>\frac{3a^3}{8}</math></p> $V_{SABC} = \frac{a^3 \cot 30^\circ}{24} = \frac{a^3 \sqrt{3}}{24} \Rightarrow \text{Chọn đáp án A}$
<p>Khối tám mặt đều có đỉnh là tâm các mặt của hình lập phương cạnh <math>a</math>. Khi đó: <math>V = \frac{a^3}{6}</math></p>		<p>Khối tám mặt đều có đỉnh là tâm các mặt của hình lập phương cạnh <math>a</math> có thể tích là:</p> <p><b>A.</b> <math>\frac{a^3}{12}</math>    <b>B.</b> <math>\frac{a^3 \sqrt{3}}{4}</math>    <b>C.</b> <math>\frac{a^3}{6}</math>    <b>D.</b> <math>\frac{a^3 \sqrt{3}}{2}</math></p> $\Rightarrow \text{Chọn đáp án C.}$
<p>Cho khối tám mặt đều cạnh <math>a</math>. Nối tâm của các mặt bên ta được khối lập phương. Khi đó: <math>V = \frac{2a^3 \sqrt{2}}{27}</math></p>		<p>Cho khối tám mặt đều cạnh <math>a</math>. Nối tâm của các mặt bên ta được khối lập phương có thể tích bằng <math>V</math>. Tỷ số <math>\frac{a^3}{V}</math> gần nhất giá trị nào trong các giá trị sau?</p> <p><b>A.</b> 9,5    <b>B.</b> 7,8    <b>C.</b> 15,6    <b>D.</b> 22,6</p> $V = \frac{2a^3 \sqrt{2}}{27} \Rightarrow \frac{a^3}{V} = \frac{27\sqrt{2}}{4} \approx 9,5$ <p><b>Chọn đáp án A.</b></p>